

Eine Interpretation I erfüllt ein Tripel (s,p,o),  
genau dann wenn s,p,o im Vokabular V vorhanden sind und

$$(I(s), I(o)) \models_{EXT} I(p)$$

Oft und gerne auch geschrieben als:

$$(s^I, o^I) \models_{EXT} (p^I)$$

Ein Graph ist wahr in Bezug auf I, falls alle seine Tripel von I erfüllt werden, d.h.

$G^I$  ist wahr, falls  $T^I$  wahr für alle  $T \in G$ .

```
<?xml version="1.0" encoding="utf-8"?>
<rdf:RDF xmlns:rdf="http://www.w3.org/1999/02/22-rdf-syntax-ns#"
  xml:base="http://example.org/"
  xmlns:ex="http://a.b.org/">
```

```
<rdf:Description rdf:about="ethik">
  <ex:gelesenVon>
    <rdf:Description
      rdf:about="http://athen.org/sokrates/#me" />
  </ex:gelesenVon>
```

```
<ex:gehörtVon
  rdf:resource="http://eressos.org/theophrastos/#me"/>
</rdf:Description>
</rdf:RDF>
```

$$I_S = \{ \text{http://example.org/ethik} \mapsto \alpha, \\ \text{ex:gelesenVon} \mapsto \beta, \\ \text{http://athen.org/sokrates/#me} \mapsto \gamma, \\ \text{ex:gehörtVon} \mapsto \delta, \\ \text{http://eressos.org/theophrastos/#me} \mapsto \varepsilon \}$$

$$I_L = ;$$

$$I_S = \{ \text{http://example.org/ethik} \mapsto \alpha, \\ \text{ex:gelesenVon} \mapsto \beta, \\ \text{http://athen.org/sokrates/#me} \mapsto \gamma, \\ \text{ex:gehörtVon} \mapsto \delta, \\ \text{http://eressos.org/theophrastos/#me} \mapsto \varepsilon \}$$

$$I_L = ;$$

$$I_{EXT}(\beta) = \{ (\alpha, \gamma), (\gamma, \varepsilon) \}$$

$$I_{EXT}(\delta) = \{ (\alpha, \varepsilon), (\varepsilon, \varepsilon) \}$$

$$I_{EXT}(\eta) = \{ (\alpha, \varepsilon), (\varepsilon, \varepsilon) \}$$

$$IR = \{ \alpha, \beta, \gamma, \delta, \varepsilon, \phi, \eta \}$$

$$IP = \{ \beta, \delta, \eta \}$$

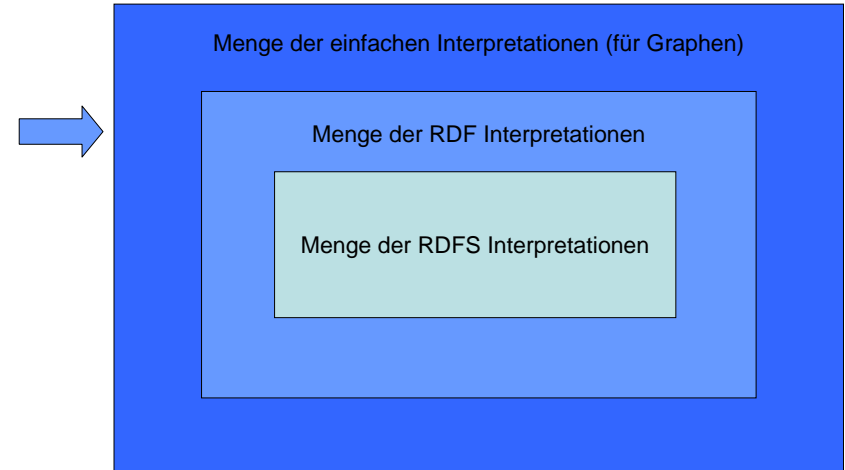
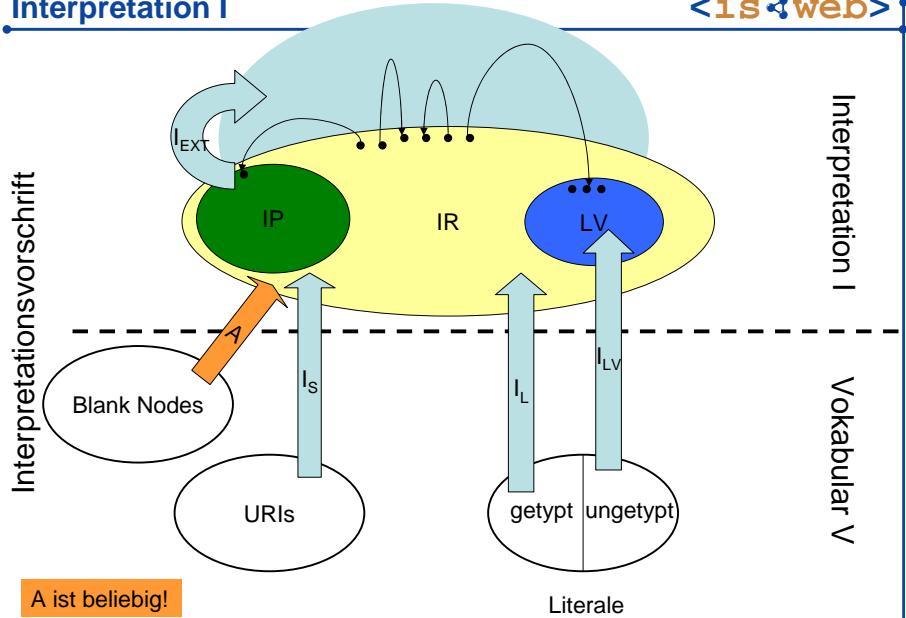
$$LV = ;$$

„sinnlos“, aber  
mathematisch korrekt  
und nicht „störend“

Wird für das Beispiel  
benötigt, damit I den  
Graphen wahr macht

- Entsprechen existentiell quantifizierten Variablen in Logik
- Ein Graph G mit Blank Nodes B ist wahr für I, falls es so eine Abbildung A der Blank Nodes B nach IR gibt,

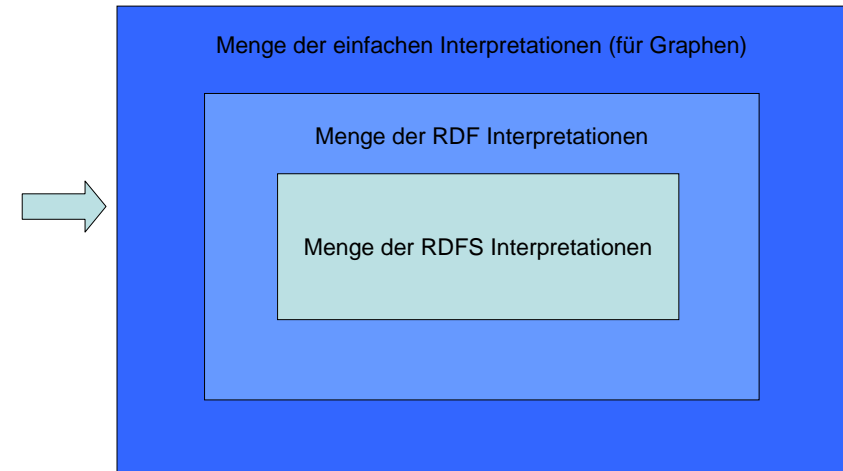
$A: B \rightarrow IR,$   
dass  $G^{I+A}$  wahr ist.



- Wörtliche Bedeutung
- Implizite Bedeutung der RDF Modellierungsprimitive
- ex:Ethik ex:gelesenVon ex:Kant
- ex:gelesenVon rdf:type rdf:Property
- ex:Kant rdf:type ex:Professor
- rdf:type rdf:type rdf:Property

- Einfache Interpretation &
  - ♦  $X \times IP, (X, \text{rdf:Property}) \times I_{EXT}(\text{rdf:type})$
  - ♦ [..hier einige Spezialregeln für wohlgeformte und nicht-wohlgeformte Literale...vgl. Buch]
  - ♦ Folgende Tripel sind wahr:
    - rdf:type rdf:type rdf:Property.
    - rdf:subject rdf:type rdf:Property.
    - rdf:predicate rdf:type rdf:Property.
    - ...
    - rdf:\_1 rdf:type rdf:Property.
    - rdf:\_2 rdf:type rdf:Property.
    - ...
    - rdf:nil rdf:type rdf:List.

- Ein Graph  $G_2$  RDF-folgt aus einem Graph  $G_1$ , falls jede RDF-Interpretation von  $G_1$  auch eine RDF-Interpretation von  $G_2$  ist.



## RDFS Interpretationen

- |  |   |
|--|---|
| <ul style="list-style-type: none"> <li>Wörtliche Bedeutung</li> <li>ex:Kant rdf:type ex:Professor</li> </ul> | <ul style="list-style-type: none"> <li>Implizite Bedeutung der RDFS Modellierungsprimitive</li> <li>ex:Professor rdf:type rdfs:Class</li> <li>ex:Kant rdf:type ex:Angestellter</li> <li>ex:Kant rdf:type rdfs:Resource</li> </ul> |
|--|---|

## RDFS Vokabular

- Rdfs:domain rdfs:range rdfs:Resource rdfs:Literal rdfs:Datatype rdfs:Class rdfs:subClassOf rdfs:subPropertyOf rdfs:member rdfs:Container rdfs:ContainerMembershipProperty rdfs:comment rdfs:seeAlso rdfs:isDefinedBy rdfs:label
- Neue Funktion:  $I_{CEXT}: IR \rightarrow 2^{IR}$ 
  - Bildet Klassen ab auf die Mengen ihrer Objekte
  - $I_{CEXT}(C)$  ist die „Extension“ von C
  - $IC = I_{CEXT}(rdfs:Class)$
  - $I_{CEXT}$  bereits durch  $I_{EXT}$  und I definiert!

## Grundlegende Mengen

- $IR = I_{CEXT}(rdfs:Resource)$
- $LV = I_{CEXT}(rdfs:Literal)$

## Rdfs:domain und rdfs:range

- Wenn  $(x,y) \in I_{EXT}(rdfs:domain)$  und  $(u,v) \in I_{EXT}(x)$ , dann  $u \in I_{CEXT}(y)$
- analog für rdfs:range

## rdfs:subPropertyOf

- $I_{EXT}(rdfs:subPropertyOf)$  ist reflexiv und transitiv auf IP
- Wenn  $(x,y) \in I_{EXT}(rdfs:subPropertyOf)$ , dann  $x,y \in IP$  und  $I_{EXT}(x) \subseteq I_{EXT}(y)$ .

## rdfs:Class

- Wenn  $x \in IC$ , dann  $(x,rdfs:Resource) \in I_{EXT}(rdfs:subClassOf)$ .
- Wenn  $(x,y) \in I_{EXT}(rdfs:subClassOf)$ , dann  $x,y \in IC$  und  $I_{CEXT}(x) \subseteq I_{CEXT}(y)$ .
- $I_{EXT}(rdfs:subClassOf)$  ist reflexiv und transitiv auf IC.

## Sonstige

- Wenn  $x \in I_{CEXT}(rdfs:ContainerMembershipProperty)$ , dann  $(x,rdfs:member) \in I_{EXT}(rdfs:subPropertyOf)$
- Wenn  $x \in I_{CEXT}(rdfs:Datatype)$ , dann  $(x,rdfs:Literal) \in I_{EXT}(rdfs:subClassOf)$

## Folgende Tripel müssen gelten:

Typisierung von Tripel-Subjekten:

- ♦ rdfs:type                      rdfs:domain                      rdfs:Resource
- ♦ rdfs:domain    rdfs:domain                      rdf:Property
- ♦ ...

Typisierung von Tripel-Objekten:

- ♦ rdf:type                      rdfs:range                      rdfs:Class
- ♦ ...
- + einige weitere

Listenelement-Propertys

+ unendlich viele

- Ein Graph  $G_2$  RDFS-folgt aus einem Graphen  $G_1$ , wenn jede RDFS-Interpretation, die Modell von  $G_1$  ist auch Modell von  $G_2$  ist.

## Syntaktisches Schlußfolgern

- Modelltheoretische Semantik ! Gut für Modellierung
- Operationale Semantik ! Gut für Operationalisierung
  - ♦ Ableitungsregeln

$$\frac{S_1 \dots\dots S_n}{S}$$

- ♦ Gesamtheit der Ableitungsregeln: Deduktionskalkül

- a,b sind URIs
- $_:n$  ist die ID eines leeren Knoten
- u,v stehen für URIs oder IDs von leeren Knoten
- l für ein beliebiges Literal
- x,y für beliebige URIs, IDs von leeren Knoten oder Literale

se1:

$$\frac{u \quad a \quad x}{u \quad a \quad \_ : n} .$$

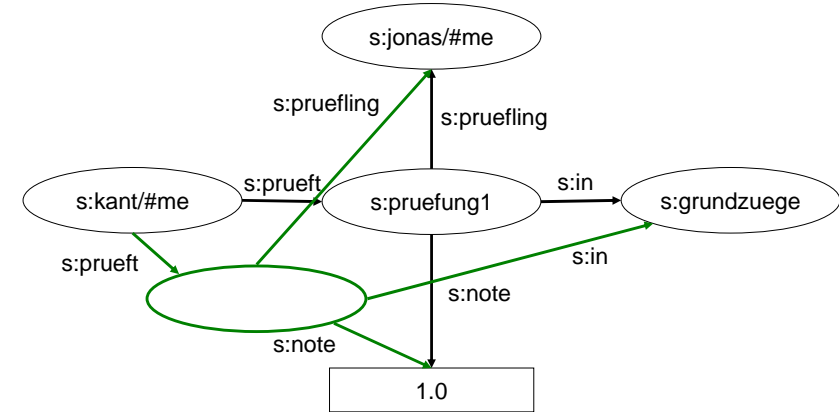
se2:

$$\frac{u \quad a \quad x}{\_ : n \quad a \quad x} .$$

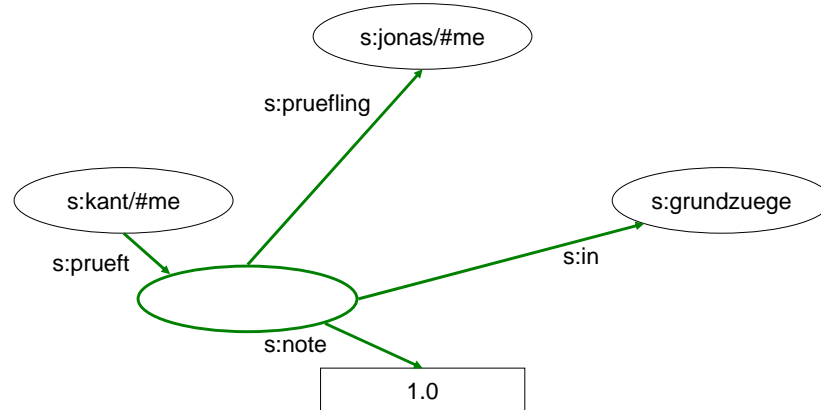
**Satz:** Ein Graph  $G_2$  folgt einfach aus einem Graphen  $G_1$ , wenn  $G_1$  mithilfe der Regeln se1 und se2 zu einem Graphen  $G_1'$  ergänzt werden kann, so dass  $G_2$  in  $G_1'$  enthalten ist.

Wobei jedes konkrete „\_:n“ nur für diesen einen Knoten substituiert werden darf.

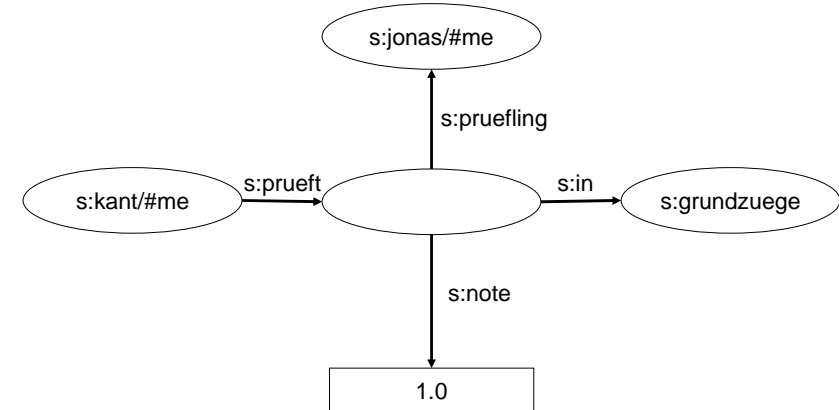
„Kant“ prüft „Jonas“ in „Grundzüge“ und gibt die Note „1.0“



„Kant“ prüft „Jonas“ in „Grundzüge“ und gibt die Note „1.0“



„Kant“ prüft „Jonas“ in „Grundzüge“ und gibt die Note „1.0“



Für grundlegende RDF Axiome

rdfax:

$$\frac{}{u \quad a \quad x \quad .}$$

lg:

$$\frac{u \quad a \quad l \quad .}{u \quad a \quad \_ :n \quad .}$$

rdf1:

$$\frac{u \quad a \quad y \quad .}{a \quad \text{rdf:type} \quad \text{rdf:Property} \quad .}$$

(lg+) rdf2:

$$\frac{u \quad a \quad l \quad .}{u \quad a \quad \_ :n \quad .}$$

$$\_ :n \quad \text{rdf:type} \quad \text{rdf:XMLLiteral} \quad .$$

**Satz:** Ein Graph  $G_2$  RDF-folgt aus einem Graphen  $G_1$  genau dann, wenn es einen Graphen  $G_1'$  gibt, welcher aus  $G_1$  mithilfe der Regeln lg, rdf1, rdf2, und rdfax hergeleitet werden kann und aus dem  $G_2$  einfach folgt.

Beachte Reihenfolge!

1. Axiomatische Tripel
2. Behandlung von Literalen
3. Auswirkung von Property-Einschränkungen
4. Unterproperties
5. Alles ist eine Ressource
6. Unterklassen
7. Container
8. Literale

rdfsax:

$$\frac{}{u \quad a \quad x \quad .}$$

gl:

$$\frac{u \quad a \quad \_ :n \quad .}{u \quad a \quad l \quad .}$$
falls  $\_ :n$  dem Literal  $l$  zuvor zugewiesen wurde.

(lg+) rdfs1:

$$\frac{u \quad a \quad l \quad .}{u \quad a \quad \_ :n \quad .}$$

$$\_ :n \quad \text{rdf:type} \quad \text{rdfs:Literal} \quad .$$

rdfs2:

$$\frac{a \text{ rdfs:domain } x. \quad u \text{ a } y.}{u \text{ rdf:type } x.}$$

rdfs3:

$$\frac{a \text{ rdfs:range } x. \quad u \text{ a } v.}{v \text{ rdf:type } x.}$$

Rdfs5 (Transitivität):

$$\frac{u \text{ rdfs:subPropertyOf } v. \quad v \text{ rdfs:subPropertyOf } x.}{u \text{ rdfs:subPropertyOf } x.}$$

rdfs6 (Reflexivität):

$$\frac{u \text{ rdf:type } \text{rdf:Property}.}{u \text{ rdfs:subPropertyOf } u.}$$

rdfs7 (Anwendung auf Instanzenebene):

$$\frac{a \text{ rdfs:subPropertyOf } b. \quad u \text{ a } y.}{u \text{ b } y.}$$

rdfs4a (Subjekt ist Resource):

$$\frac{u \quad a \quad x.}{u \text{ rdf:type } \text{rdfs:Resource}.}$$

rdfs4b (Objekt ist Resource):

$$\frac{u \quad a \quad v.}{v \text{ rdf:type } \text{rdfs:Resource}.}$$

Implizit – Predicate ist Resource:

Rdf1 &amp; rdfs4a:

$$\frac{u \quad a \quad x.}{a \text{ rdf:type } \text{rdfs:Property}.}$$
 rdf1  

$$\frac{a \text{ rdf:type } \text{rdfs:Property}.}{a \text{ rdf:type } \text{rdfs:Resource}.}$$
 rdfs4a

rdfs8 (Subklassen von Resource):

$$\frac{u \text{ rdf:type } \text{rdfs:Class}.}{u \text{ rdfs:subClassOf } \text{rdfs:Resource}.}$$

rdfs9 (Anwendung):

$$\frac{v \text{ rdf:type } u. \quad u \text{ rdfs:subClassOf } x.}{v \text{ rdf:type } x.}$$

rdfs10 (Reflexivität):

$$\frac{u \text{ rdf:type } \text{rdfs:Class}.}{u \text{ rdfs:subClassOf } u.}$$

rdfs11 (Transitivität):

$$\frac{u \text{ rdfs:subClassOf } v. \quad v \text{ rdfs:subClassOf } x.}{u \text{ rdfs:subClassOf } x.}$$



rdfs12:

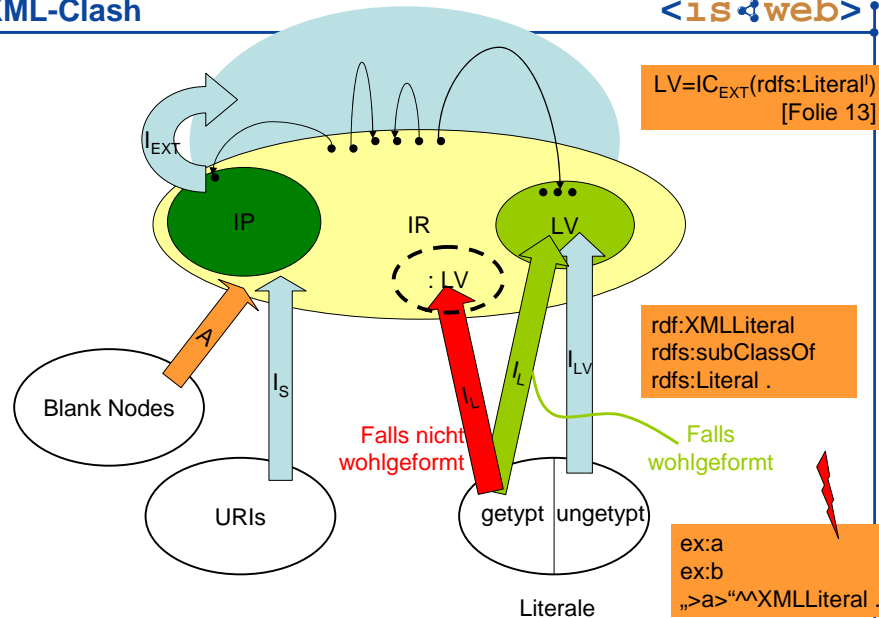
u rdf:type rdfs:ContainerMembershipProperty .

u rdfs:subPropertyOf rdfs:member .

rdfs13:

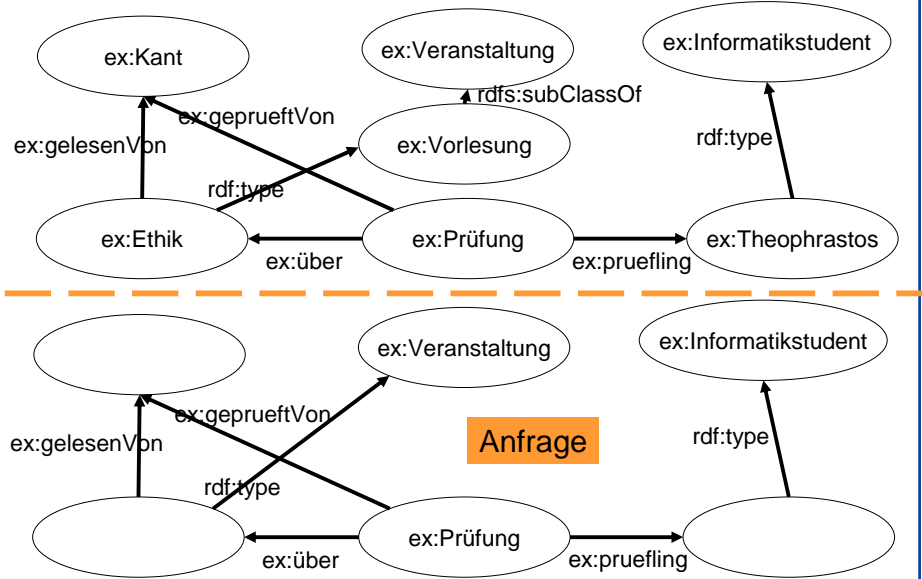
u rdf:type rdfs:Datatype .

u rdfs:subClassOf rdfs:Literal .



**Satz:** Ein Graph  $G_2$  RDFS-folgt aus  $G_1$  genau dann, wenn es einen Graphen  $G_1'$  gibt, der durch Anwendung der Regeln lg, gl, rdfsax, rdf1, rdf2, rdfs1-rdfs13 und rdfsax aus  $G_1$  folgt, so dass

- ♦  $G_2$  aus  $G_1'$  einfach folgt oder
- ♦  $G_1'$  einen XML-Clash enthält



1. rdfs9 auf ex:Vorlesung
2. 6x Blanknodegenerierung  
3x se1, 3x se2

Nicht alles, was in PL1 folgen würde, Negation nicht möglich: folgt.

Z.B.:

ex:gelesenVon rdfs:domain  
ex:Vorlesung .

ex:Vorlesung rdfs:subClassOf  
ex:Veranstaltung .

Folgt nicht:

~~ex:gelesenVon rdfs:domain  
ex:Veranstaltung .~~

Z.B.:

ex:sebastian rdf:type  
ex:Nichtraucher.

ex:sebastian rdf:type ex:Raucher.

ergibt keinen Widerspruch.

- Welches wichtige Konstrukt fehlt?